

دراسة بعض الخصائص النووية لنظائر عنصر الديسبرسيوم $Dy^{154-160}$ الزوجية- زوجية
عيد الهادي الزوام¹ - عادل جمعة ضياف² - فوزي حاجي ابوالشواشي³
قسم الفيزياء كلية العلوم - جامعة طرابلس - ليبيا^{2,1}
كلية التقنية الهندسية، زواره - ليبيا³

Study of Some Nuclear Properties for Even- Even Dysprosium $Dy^{154-160}$ Isotopes

Ayad .E Ezwam¹ , Adel .G Dieaf¹ and Fauzi. H, Aboshaoache²

University of Tripoli Tripoli-Libya¹

Faculty of Techniquel Engineering Zwara-Libya²

Corresponding author: a.ezwam@uot.edu.ly

<https://orcid.org/0009-0004-7376-9168>

تاريخ الاستلام: 2026/05/28 تاريخ المراجعة 2026/06/20 تاريخ القبول: 2026/06/27- تاريخ النشر: 2026/07/10

الخلاصة

أستخدمت زوجية- الزوجية $Dy^{154-160}$ في هذا البحث تم التعرف على بعض خصائص نظائر عنصر الديسبرسيوم $r \frac{(I+2)}{I}$ ورسم النسب بين قيم الطاقات لحالتين متتاليتين $\frac{E_{I+1}}{E_{2+1}}$ في حساب النسب (y-rast) (طاقات حالات الدنيا الأدنى كدالة لبرم المستويات المثارة للحزمة الأرضية للنظائر قيد الدراسة ومقارنة النتائج مع التحديدات القياسية الدورانية بالإضافة الى نقاط إنتقالات أخرى تتضمن النقطتين الحرجتين $U(5)$ و الاهتزازية $O(6)$, غاما الناعمة $SU(3)$ على التوالي. للتعرف على $(U(5) \rightarrow O(6))$ و $(SU(3) \rightarrow O(6))$ اللاتي يمثلان الإنتقالين $E(5)$ و $X(5)$ والتي (I) كدالة للبرم $R = \frac{E_\gamma}{I}$ خصائص النوى باكثر دقة, قمنا برسم العلاقة بين طاقة غاما المتوفرة مقسومة على البرم و رسمت منحنيات الانحناء الخلفي كدالة لعزم لكي تزودنا بمعلومات دقيقة عن هذه المنطقة, $(E - GOS)$ سميت يقع ضمن المنطقة الحرجة Dy^{154} قيد الدراسة. ومن خلال نتائج الدراسة الحالية تبين أن النظر القصور الذاتي للنظائر يمتلكا $Dy^{158-160}$, بينما النظيرين $X(5)$ تبين انه يقع ضمن خصائص تحديد المنطقة Dy^{156} , اما النظير $E(5)$ عند حالات البروم العالية. $X(5)$ وتتغير خاصيتهما نحو تحديد المنطقة $SU(3)$ خصائص التحديد الديناميكي الدوراني بينما لم يتبين اي أنحناء خلفي واضح في باقي نظائر قيد الدراسة. Dy^{158} وهناك انحناء خلفي طفيف جدا حدث للنظير $\uparrow B(E2)$ لكل نظير عن طريق حساب احتمال الانتقال الكهربائي β وقد تم خلال هذا البحث ايضا حساب معامل التشوه كما تم رسم علاقة بيانية لمعامل التشوه كدالة في عدد نيوترونات النظائر المدروسة, وكانت النتائج ومعاملات التشوه متناسبة تماما مع النتائج المعملية.

الكلمات المفتاحية: التشوه, الدورانية , الاهتزازية , الديسبرسيوم, النوى الزوجية-زوجية , غاما- الناعمة.

ABSTRACT

In this research for more details of some properties about the even-even Dysprosium $Dy^{154-160}$ isotopes, the energy of different states along the y-rast region for the under study isotopes has been used to calculate the ratios of $\frac{E_{I+1}}{E_{2+1}}$ and $r \frac{(I+2)}{I}$ as a function of spin (I) and compared with there standard values limits, the rotational $SU(3)$, gamma-soft $O(6)$, the vibration $SU(5)$ and the critical points $X(5)$ and $E(5)$ which means $(O(6) \rightarrow (SU(3)))$ and $(U(5) \rightarrow O(6))$ respectively . To know the characteristics of the nuclei more accurately the relation of the gamma energy over spin $\frac{E_\gamma}{I}$ as a function of spin (E-Gamma Over Spin) (E-GOS). The Back- bending curves have been drawn. This study shows that the Dy^{154} isotope was classified $E(5)$. However the Dy^{156} isotope at the critical points $X(5)$. While the

$Dy^{158-160}$ isotopes have the rotation limit $SU(3)$, and are goes to the critical points $X(5)$ at high spin. Moreover there is weak back bending effect for the Dy^{158} isotope but there is no any back bending for the anther under study isotopes. In this paper the electrical transitions probability and the deformation parameters were calculated. The deformation parameters drawn as a function of the neutron numbers for $Dy^{154-160}$ isotopes, the our results have good agreement with the experimental results.

Keywords: deformation, dysprosium, even-even isotopes, gamma-soft, rotational, vibration.

المقدمة:

قبل اكتشاف النيوترون اعتقد علماء الفيزياء النووية بان النواة تتركب من بروتونات وإلكترونات إلا أن كبر طاقة حركة جسيمات بيتا المنبعثة خلال عمليات النشاط الاشعاعي بينت إستحالة وجود الإلكترون داخل النواة وإمكانية ذلك للبروتون, ولقد ظهر نموذج البروتون-النيوترون بعد إكتشاف النيوترون من قبل العالم جيمس تشادويك خلال عام 1932 وفي العام نفسه أثبت هايزنبرغ وإيوانكو بأن جميع العناصر تحتوي على النيوترونات وبالتالي فان جميع النوى تتكون من البروتونات والنيوترونات, حيث استطاع هذا النموذج من تفسير العزوم الكهربائية والمغناطيسية. ولقد قام العديد من الباحثين بأجراء تجارب معملية ودراسات نظرية عديدة لغرض التعرف على خصائص تركيب النواة. حيث قدموا العديد من النماذج النووية, ومن اهمها نموذج القطرة السائلة [1], نموذج القشرة الذي اقترحه نيلز بور عام 1932 وطور النموذج من قبل ماير وجينز عام 1949 [2,3], ثم اقترح نموذج التجمعي (الجماعي) من قبل بوهر موتولسون وذلك في منتصف الخمسينات والذي يدمج بين ميزة الجسم المنفرد والقطرة السائلة [4-5], واقترح نموذج البوزونات المتفاعلة من قبل العالمان وايتشيلوا واريما [6], لكي يصف التركيب النووي للنوى (الزوجية-زوجية) لمستويات الطاقة الواطئة, (the y-rast). وضعت كل هذه النماذج النووية لأجل دراسة التركيب النووي خصوصا لتلك النوى التي تقع عدد نيوترونها بين القشريتين المغلقتين للنوى السحرية 82 و 126, حيث أكدت التجارب العملية وجود تغيرات في الطور تؤدي الى تغيرات في شكل بعض النوى والتي يستوجب دراستها. تمتلك النوى الزوجية-زوجية مستويات طاقة متعددة تقسم إلى عدة حزم ومنها الحزمة الأرضية والتي تعتبر أقل مستوى للطاقة المثارة, أي أن النواة تكون حينها في أدنى حالات تهيجها, ولها برم زوجي وبتمائل موجب ($I_1 = 0^+, 2^+, 4^+ \dots$). يعتبر التغير في شكل النواة من حيث التشوه, اما متطاول, مفلطح أو كروي, وتعتبر من أهم المواضيع البارزة والتي ركز عليها باحث الفيزياء النووية لدراسة التركيب النووي حيث وجد أن العديد من النظائر يحدث لها انتقال (أي تغير طوري) من حالة إلى أخرى, فقد تحولت النواة من الحالة الدورانية $SU(3)$ الى الحالة الغير المستقرة (غاما الناعمة) $O(6)$ أو الى الحالة الاهتزازية $SU(5)$ مروراً بالنقاط الانتقالية الحرة $E(5)$ و $X(5)$. ويحدث ذلك التغير بسبب تغير عدد نيوترونات العنصر (تغير النظائر) أو عند زيادة البروم (Spins) لنفس نظير العنصر. وتتركز دراستنا هذه على بعض خصائص نظائر الدراسة المتضمنة في عنصر الديسبرسيوم $Dy^{154-160}$ الزوجية-زوجية. وتحتوي نوى عنصر الديسبرسيوم على 66 بروتونا وهذا يجعل بروتونات التكافؤ في المنتصف بين القشريتين المغلقتين ($Z = 50$) و ($Z = 82$) مما يجعل عدد بوزونات بروتون 6 جسيم ($N_\pi = 6$), أما بالنسبة لعدد النيوترونات (N) لنظائر هذه الدراسة ($Dy^{154-160}$ الزوجية-زوجية) هي ($N = 88, 90, 92, 94$) أي بوزونات نيوترون جسيم ($N_\nu = 3, 4, 5, 6$) على التوالي. تعد مقارنة مواقع حالات طاقة الإثارة الأولى $E(2_1^+)$ والنسبة بين حالات التهيج المولية $\frac{E_{6_1^+}}{E_{2_1^+}}, \frac{E_{4_1^+}}{E_{2_1^+}}, \dots, \frac{E_{18_1^+}}{E_{2_1^+}}$ من المؤشرات الأولية والمحدودة لتحديد ماهية النظائر $SU(3)$, $O(6)$, $U(5)$, $E(5)$ أو $X(5)$ المبينة بالجدول (1) [7]. أن النسبة بين طاقات الحالات الأرضية المتتابعات $r = \frac{I+2}{I}$ دالة للبرم (I) التي اقترحها بوناتسوس وسكوراس عام 1990 [8] تعطي معلومات دقيقة عن تحديد ماهية النظائر, وذلك بالاستعانة بطاقة المستويات لحالات البرم (I) لنظائر الدراسة $Dy^{154-160}$ [9]. وبمقارن النتائج النسبية المحسوبة لكل نظير مع حدود التحديدات النموذجية [8] وللتعرف على حالة النوى في الحزمة الأرضية بدقة أكثر رسمت العلاقة بين طاقات غاما مقسومة على البرم $\frac{E_\gamma}{I}$ كدالة للبرم (I) وقورنت بالمنحنيات العيارية البصرية الموضحة بالشكل (1) [10]. كما تم رسم العلاقة بين عزم القصور الذاتي $\frac{2\theta}{\hbar^2}$ و التردد الدوراني للفوتون المنبعث ($\omega\hbar$) لجميع نظائر الدراسة.

النظرية:

عند إضافة نيوكليون (نيوترون أو بروتون) خارج اللب للنواة أو تغير في البرم يحدث احيانا تغير في الطور يسبب في تغيير خصائص النوى و للتعرف على بعض الخصائص النووية يجب دراسة السلوك ومدى التشوه والشكل المتطاول, المفلطح أو الكروي لكل نظير وذلك باستخدام عدة نسب وطرق منها:

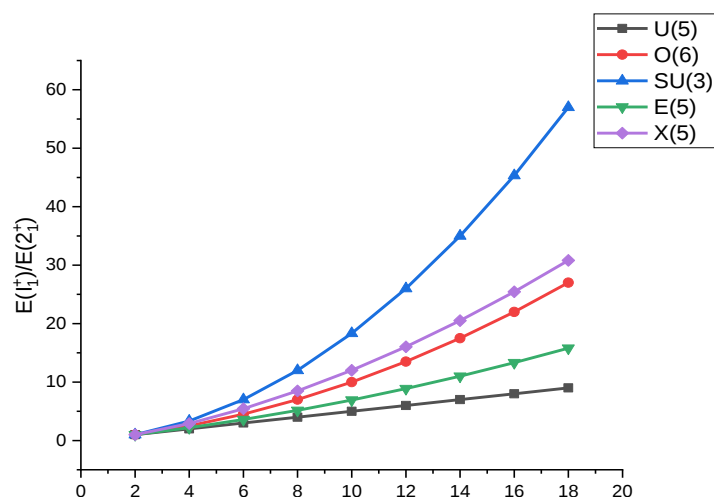
النسبة $E1_1^+/E2_1^+$, منحنيات E-GOS, النسبة $r = \frac{I+2}{I}$, الانحناء الخلفي, معامل التشوه النووي (β) لكل نظير.

النسبة $EI_1^+/E2_1^+$:

تعتبر العلاقة بين $EI_1^+/E2_1^+$ و (I) هي احدى الطرق الاساسية والبسيطة وتمتاز باظهار النقاط الحرجة $X(5)$ و $E(5)$, رغم محدوديتها لانها لا تشمل الابرام العالية جدا. وتستخدم هذه الطريقة لتصنيف النظائر وتحديد سلوك كل نظير من حيث كونه دورانيا $SU(3)$ أو غاما الناعمة $O(6)$ او اهتزازيا $U(5)$, والنقاط الحرجة $E(5)$ و $X(5)$ للحالات $(I = 18 \dots 4, 2)$. تحسب قيم النسب بين الطاقات المثارة المتاحة إلى طاقة المستوى الاول $(E2_1^+)$ لكل نظير قيد الدراسة $E4_1^+/E2_1^+$, $E6_1^+/E2_1^+$ $E18_1^+/E2_1^+$ ومقارنتها مع قيم النسب المعيارية المحددة لكل تحديد من التحديدات الرئيسية الثلاث اضافة النقاط الحرجة المدونة بالجدول (1) وموضحة بالرسم شكل (1).

جدول (1): قيم $EI_1^+/E2_1^+$ للتحديدات النموذجية [7].

$E(I_1^+)/E(2_1^+)$	$U(5)$	$O(6)$	$SU(3)$	$E(5)$	$X(5)$
$E(2_1^+)/E(2_1^+)$	1	1	1	1	1
$E(4_1^+)/E(2_1^+)$	2	2.5	3.3345	2.199	2.904
$E(6_1^+)/E(2_1^+)$	3	4.5	7.0023	3.59	5.43
$E(8_1^+)/E(2_1^+)$	4	7	12.0042	5.16	8.483
$E(10_1^+)/E(2_1^+)$	5	10	18.3399	6.934	12.008
$E(12_1^+)/E(2_1^+)$	6	13.5	26	8.881	16.04
$E(14_1^+)/E(2_1^+)$	7	17.5	35	11.009	20.514
$E(16_1^+)/E(2_1^+)$	8	22	45.333	13.316	25.43



شكل (1) النسب $E(I_1^+)/E(2_1^+)$ لجميع التحديدات النموذجية.

منحنيات E-GOS:

في هذا البحث تم استخدام طريقة منحنيات E-GOS للتحديدات العيارية الثلاثة الاهتزازي والدوراني وغاما غير مستقر.

أن رسم العلاقة بين طاقة غاما مقسومة على البرم $\frac{E_\gamma}{I}$ كدالة في البرم I والمسماه (E-GOS) للتحديدات الاساسية , الدورانية $SU(3)$, غاما - الناعمة $O(6)$ والتحديدات الاهتزازية $U(5)$, باستخدام المعادلات (1,2,3) تعتبر من الطرق المهمة لتحديد خصائص النوى عند حالات الطاقة المختلفة [10].

$$E_\gamma(I \rightarrow I-2)/I = \hbar^2/2J \times (4 - 2/I) \quad (1)$$

$$E_\gamma(I \rightarrow I-2)/I = (EI_1^+/4) (1 + 2/I) \quad (2)$$

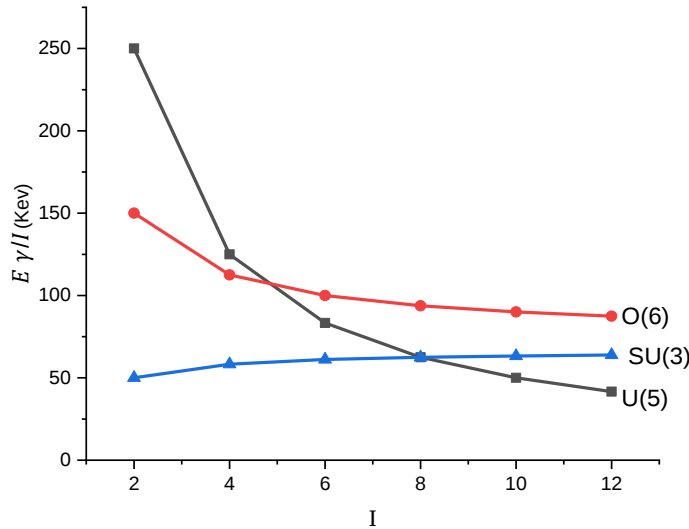
$$E_\gamma(I \rightarrow I-2)/I = \hbar\omega/I \quad (3)$$

من خلال تطبيق المنحنى العياري البصري (E-GOS) تبين إن المنحنى سوف يزداد من أدنى قيمة له ($50keV$) عند $I = 2_1^+$ إلى $\frac{4\hbar^2}{2J}$ عند $I \rightarrow \infty$ هذا للنواة الدورانية. ولكن بالنسبة للنواة عند تحديد غاما-الناعمة فيهيبط المنحنى ببطء من أعلى قيمة له ($150keV$) عند $I = 2_1^+$ إلى ربع قيمة حالة الإثارة الأولى ($E_1^{2+}/4$) عند $I \rightarrow \infty$, وبالنسبة للنواة الاهتزازية فانه يهيبط بسرعة عالية من أعلى قيمة له ($250keV$) عند $I = 2_1^+$ إلى الصفر عند $I \rightarrow \infty$ كما هو موضح بالشكل (2). ومن ثم تعطى العلاقات بين النسبة $\frac{E_\gamma}{I}$ والبرم I للتحديدات الرئيسية الثلاث عندما $I \rightarrow \infty$ بالصورة التالية: [11,12].

$$E_\gamma(I \rightarrow I-2)/I \rightarrow 4(\hbar^2/2J) \quad \text{للتحديد الدوراني} \quad (4)$$

$$E_\gamma(I \rightarrow I-2)/I \rightarrow (EI_1^+/4) \quad \text{لتحديد غاما الناعمة} \quad (5)$$

$$(6)$$



شكل (2): منحنيات E-GOS للتحديدات العيارية الثلاثة الاهتزازي والدوراني وغاما الناعمة.

النسبة $r \left(\frac{I+2}{I} \right)$:

تعد النسبة بين أي حالتين في حزمة الحالة الارضية مهمة وأكثر دقة من حيث تحديد خصائص الحالة في النوى الزوجية- زوجية لأنها تمتاز بمدى محدد وليس بنقطة لكل تحديد اساسي , وتعطى هذه النسبة بالمعادلة التالية [8]:

$$r \left(\frac{I+2}{I} \right) = [r \left(\frac{I+2}{I} \right)_{exp} - \left(\frac{I+2}{I} \right)] \times \frac{I(I+1)}{2(I+2)} \quad (7)$$

حيث أن $r \left(\frac{I+2}{I} \right)_{exp}$ تمثل نسبة قيم الطاقات المتاحة معمليا بين الحالتين المقاستين المتتاليتين $(I + 2)$ و (I) .

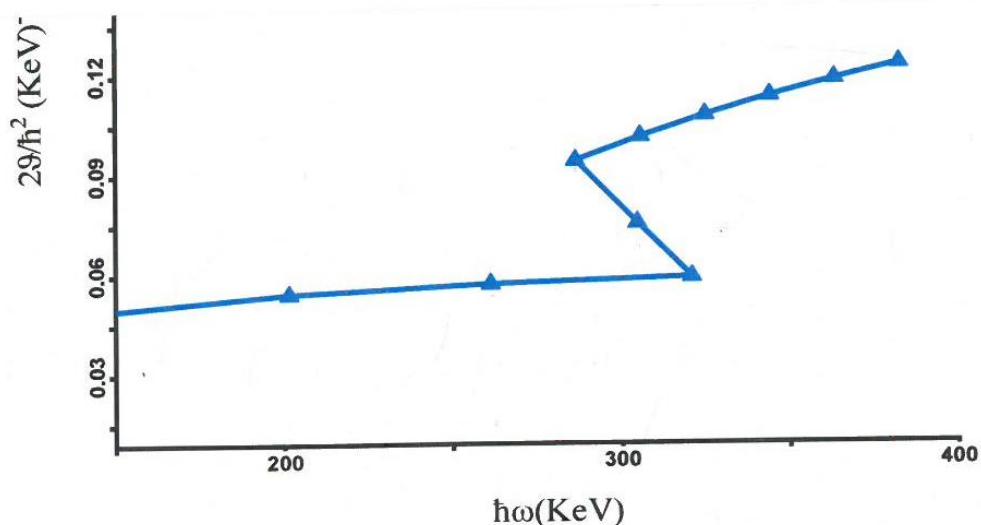
والتحديدات العيارية المستخدمة لتمييز النسب $r \left(\frac{I+2}{I} \right)$ مع ضحة بالحدود (2) :

جدول 2: التحديدات العيارية للنسبة $r \left(\frac{I+2}{I} \right)$

U(5)	$0.1 < r < 0.4$	للنوى الاهتزازية
O(6)	$0.4 < r < 0.6$	للنوى جاما الناعمة
SU(3)	$0.6 < r < 1$	للنوى الدورانية

الأنحناء الخلفي:

يحدث الأنحناء الخلفي في بعض النوى نتيجة تغير مفاجئ في قيمة عزم القصور الذاتي عند الابرام (I) العالية نسبياً مما يؤدي الى هبوط في الطاقة الدورانية للنواة عند تلك الزخوم الزاوية (البرم) وهذا يؤدي الى حدوث ظاهرة الأنحناء الخلفي (Back-bending) [13] في منحنى الطاقة مع الزخم الزاوي. وذلك عند الانتقال من حالة برم (I) إلى الحالة الأدنى ببرم $(I - 2)$ [14]. وفي حالة عدم ظهور الأنحناء الخلفي فهذا يدل على ان عزم القصور الذاتي ليس لديه تأثير على تشوه النوى. فعندما نقوموا برسم العلاقة بين عزم القصور الذاتي $\left(\frac{2J}{\hbar^2} \right)$ والتردد الدوراني $(\hbar\omega)$ فإن التغير في القصور الذاتي (J) يظهر بوضوح على شكل حرف Z منعكس كما هو موضح بالشكل (3), ومن هنا انتت تسمية الانحناء الخلفي.



شكل (3) ظاهرة الانحناء الخلفي.

ويتم حساب عزم القصور الذاتي من خلال الفرق في الطاقة بين مستويين في الحزمة الدورانية لحالات الطاقة الأدنى بواسطة المعادلة التالية [15]:

$$\frac{2J}{\hbar^2} = \frac{4I - 2}{E_\gamma} \quad (8)$$

$$E_\gamma = E(I) - E(I -$$

2)

(9)

حيث أن (I) برم النواة و (J) عزم قصورها الذاتي.

ترتبط ظاهرة الانحناء الخلفي مع التردد الدوراني $(\hbar\omega)$ الناتج عن الانتقال من مستوى ذو عزم القصور الذاتي (I) الى مستوى أدنى ذو عزم القصور الذاتي $(I - 2)$ حيث يعطى التردد الدوراني $(\hbar\omega)$ بالمعادلة التالية [16]:

$$\omega\hbar = \frac{E_\gamma}{\sqrt{I(I+1)} - \sqrt{(I-2)(I-1)}} \quad (10)$$

حيث أن ω هو التردد الزاوي للفوتون المنبعث ، $(\hbar)$ هو ثابت بلانك و (E_γ) قيمة الطاقة العملية المتاحة لكل (برم) (I) .

معامل التشوه النووي (β) :

كلما أضيف نيوكليون خارج اللب للنواة فإنه سيكون في نفس المدار وينتج استقطاب أكبر بسبب تشوه اللب، ويعتمد التشوه على عدد النيوكليونات خارج القشرة المغلقة لكل نظير. ويتم تحديد شكل نوى النظير من خلال حساب معامل تشوه رباعي القطب النووي (β) بواسطة المعادلة (11) [17]، والتعرف على إذا كانت النوى التي درست إما أن تمتلك شكلاً بيضوياً عندما تكون $(\beta < 0)$ ، متطاول عندما تكون $(\beta > 0)$ أو كروياً عندما تكون $(\beta = 0)$. ويعطى مربع متوسط نصف قطر النواة بالمعادلة (12). تؤكد قيم احتمال الانتقال الكهربائي المنخفض $B(E2) \uparrow$ بين الحالتين الأرضية (0^+) الى الحالة المثارة (2^+) في النويدات الشفعية- شفعية على الانتشار الواسع لنطاق التشوه الرباعي في النويدات وفهم أشكالها. ويعطى احتمالية الانتقال الكهربائي $B(E2) \uparrow$ بالمعادلة (13).

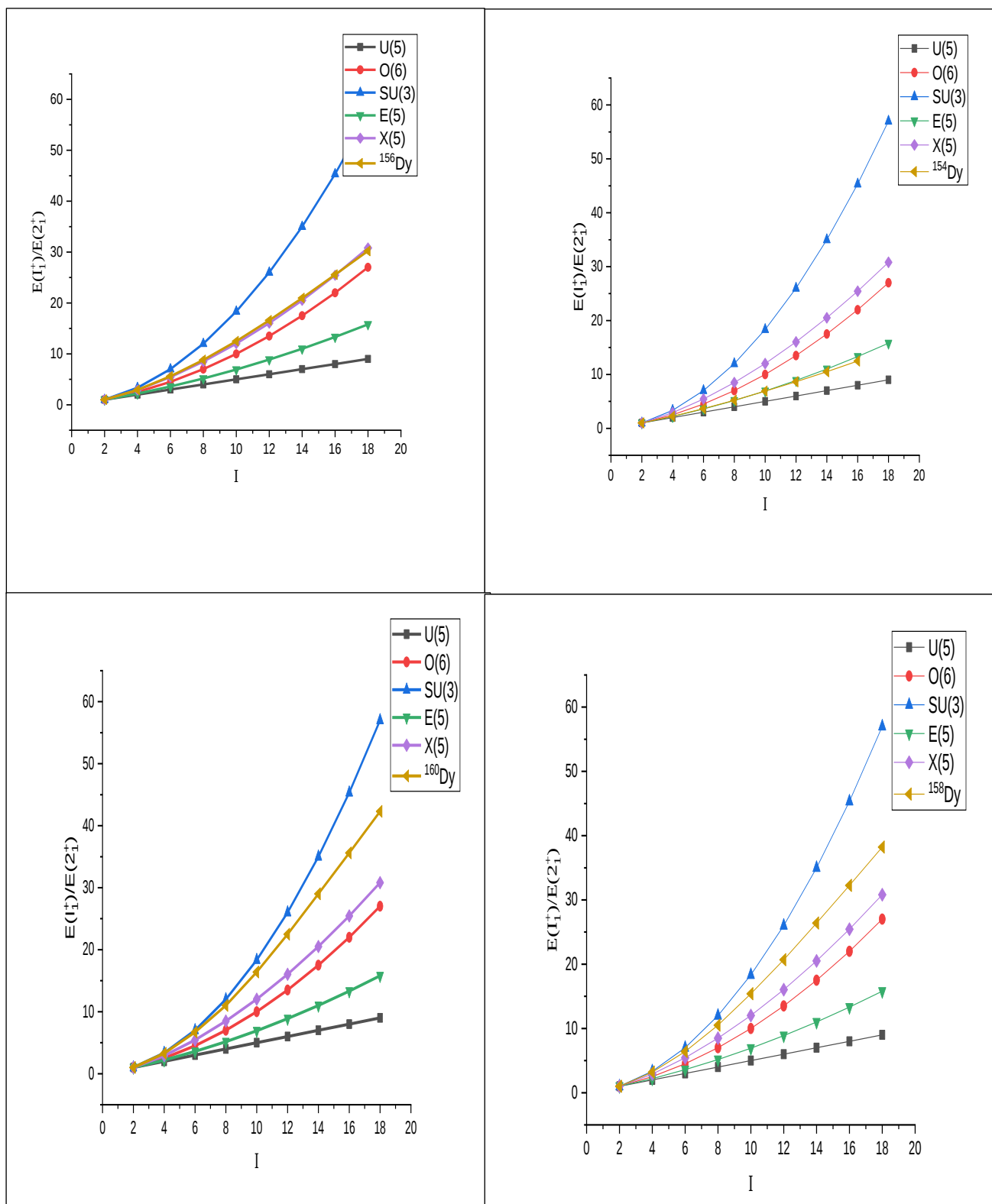
$$\beta = \frac{4\pi}{3ZR^2} \sqrt{\frac{B(E2)\uparrow}{e^2}} \quad (11)$$

$$R_o^2 = (1.2 A^{1/3} fm)^2 \quad (12)$$

$$B(E2: (0^+ \rightarrow 2^+) \uparrow) = \frac{2.6Z^2}{E_\gamma A^{2/3}} \quad (13)$$

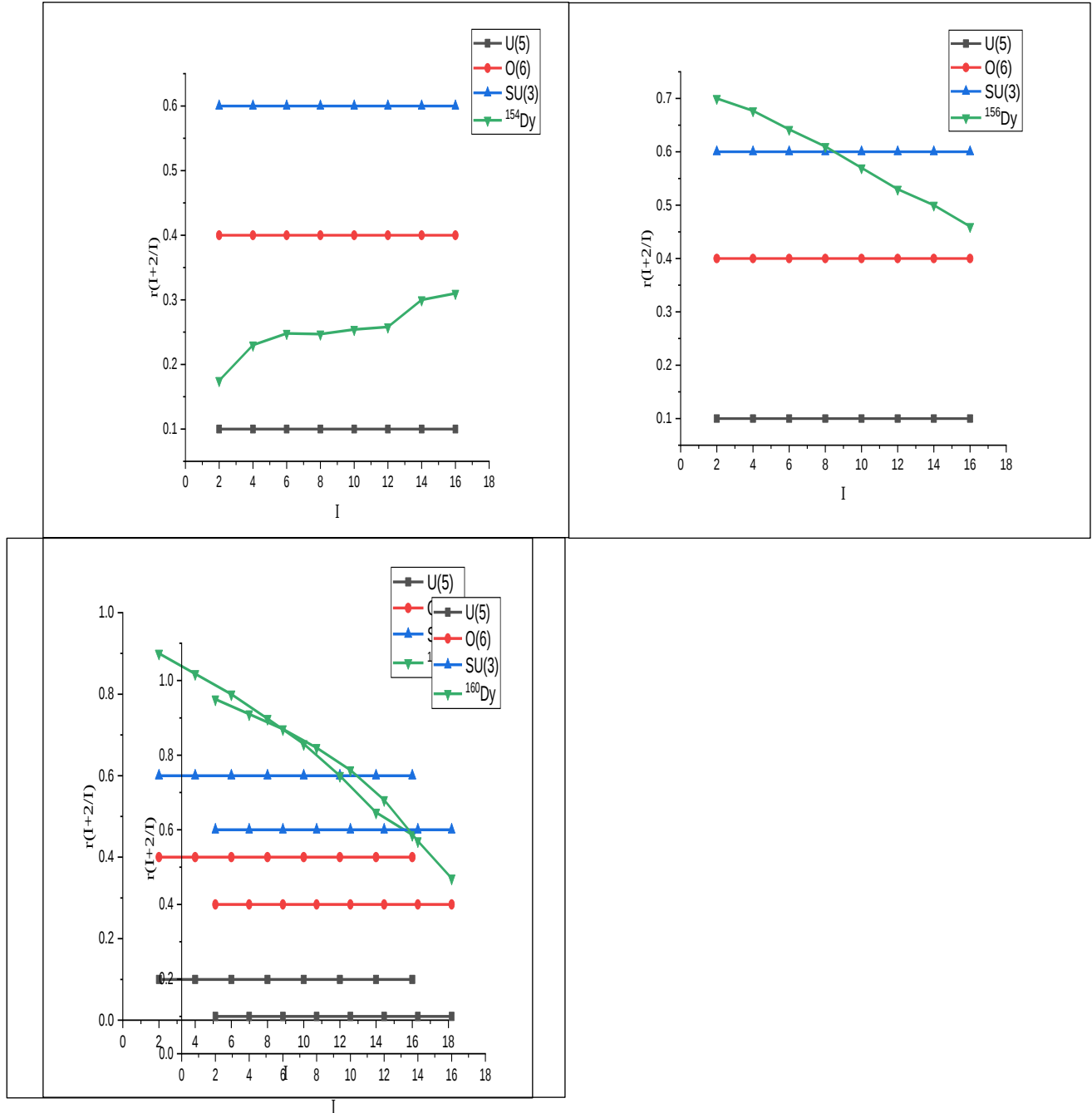
الحسابات والنتائج:

للحصول على معلومات أولية عن بعض خصائص نظائر عنصر الديسبرسيوم $Dy^{154-160}$ الزوجية- زوجية التي عددها الذري $(Z = 66)$ ، لقد تم حساب نسب الطاقات المختلفة E_8 (E_4 , E_6 , , E_{18}) بالنسبة لحالات التهيج الأولى E_2 أي أن $(\frac{E_{I+}}{E_{2+}})$ ، حيث أن البرم زوجي ويساوي $(I = 4, 6, 8, \dots, 18)$ ومن ثم مقارنتها مع القيم العيارية الخاصة بالتحديدات الرئيسية الثلاث ونقاط الانتقال المبينة بالجدول (1) ومن خلال الدراسة الحالية بينت منحنيات النظائر المدروسة المبينة بالشكل (4) أن النظير Dy^{154} ($N = 88$) ذو خاصية انتقالية $E(5)$ حيث ينتقل من التحديد الاهتزازي $SU(5)$ الى تحديد غاما الناعمة $O(6)$ ، بينما تبين الدراسة أن النظير Dy^{156} ($N = 90$) ذو خصائص التحديد الانتقالي $X(5)$ حيث ينتقل من التحديد الاهتزازي $U(5)$ الى التحديد الدوراني $SU(3)$ ، وتبين أن النظيرين $Dy^{158-160}$ اللاتي يحملا عدد من النيوترونات $(N = 92 و 94)$ على التوالي انهما يمتلكان خصائص التحديد الدوراني المشوه $SU(3)$.



لغرض المزيد
القيم الخاصة بـ
شكل (4): النسب $\frac{E_{I_1^+}}{E_{2_1^+}}$ كدالة لـ I للنوى موضوع البحث.
ماب النسب $r \frac{(I+2)}{I}$ ومقارنتها مع
النتائج متفقة تماماً مع النتائج التي تم

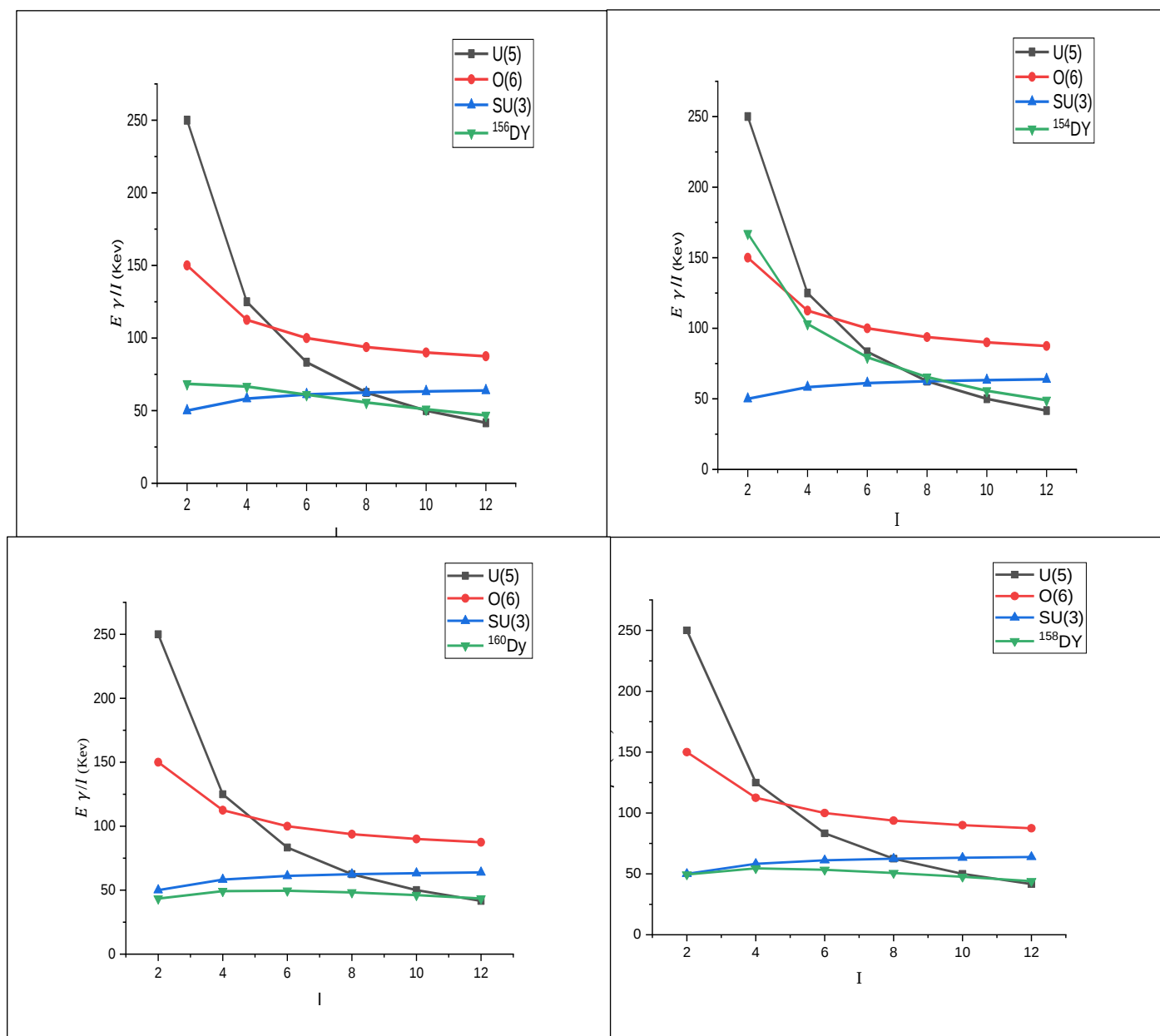
الحصول عليها من النسب $\frac{E_{I+1}^+}{E_{2+1}^+}$, وقد بينت طريقة النسب $r^{\frac{(I+2)}{I}}$ ان النظير (Dy^{158}) قد يتغير طوره عند البرم $(I = 12)$ حيث ينتقل لخصائص تحديد غاما-الناعمة $O(6)$, وبالنسبة للنظير Dy^{160} ينتقل للتحديد غاما-الناعمة $O(6)$ عند البرم $(I = 14)$.



شكل (5) العلاقة بين $r^{\frac{(I+2)}{I}}$ كدالة ل I للنوى موضوع البحث.

ولمزيد التاكيد من خصائص نوى الدراسة ومقارنتها مع النتائج المتحصل عليها بواسطة الطرق السابقة تم رسم العلاقة بين طاقة غاما مقسومة على البرم دالة للبرم اي منحنيات $(E - GOS)$ التي وضحت عدم استمرار المنحنيات على نفس النسق المعياري على طول منطقة ال $yrast$ للتحديدات الثلاثة وهذا يعتبر دليلا إضافيا على التغير الذي حصل في خصائص هذه النظائر حيث يلاحظ من الشكل (5) ان شكل المنحنى لكل نظير من النظائر المدروسة لا يتماشى مع أحد

المنحنيات القياسية للتحديدات الثلاثة $U(5)$, $O(6)$, $SU(3)$. فنلاحظ من الشكل (6) ان منحنى النظير Dy^{154} يبدأ بالتحديد $U(5)$ ثم يحصل به هبوط سريع نحو التحديد $O(6)$ مما يجعله ذات خصائص إنتقالية $U(5) \leftarrow O(6)$ بينما النظير Dy^{156} يتضح من المنحنى المبين انه ذو خصائص اهتزازية $U(5)$ ويهبط ببطء متماشيا مع خصائص التحديد الدوراني $SU(3)$ مما يجعله يمتلك خصائص الحالة الإنتقالية بين التحديدين $U(5) \leftarrow SU(3)$. والنظيرين $Dy^{158-160}$ يبدأ في الارتفاع ثم يهبط ببطء وبالتالي فإن النظيرين يسلكا سلوك خصائص التحديد الدوراني $SU(3)$ لغاية البرم ($I = 12$) للنظير Dy^{158} حيث ينتقل بعدها لخصائص تحديد غاما-الناعمة $O(6)$, وبالنسبة للنظير Dy^{160} فينتقل لتحديد غاما-الناعمة $O(6)$ عند البرم ($I = 14$). لقد اظهرت منحنيات ($E - GOS$) المبينة بالشكل (6) معلومات تتفق مع تحديدات النسب السابقة.



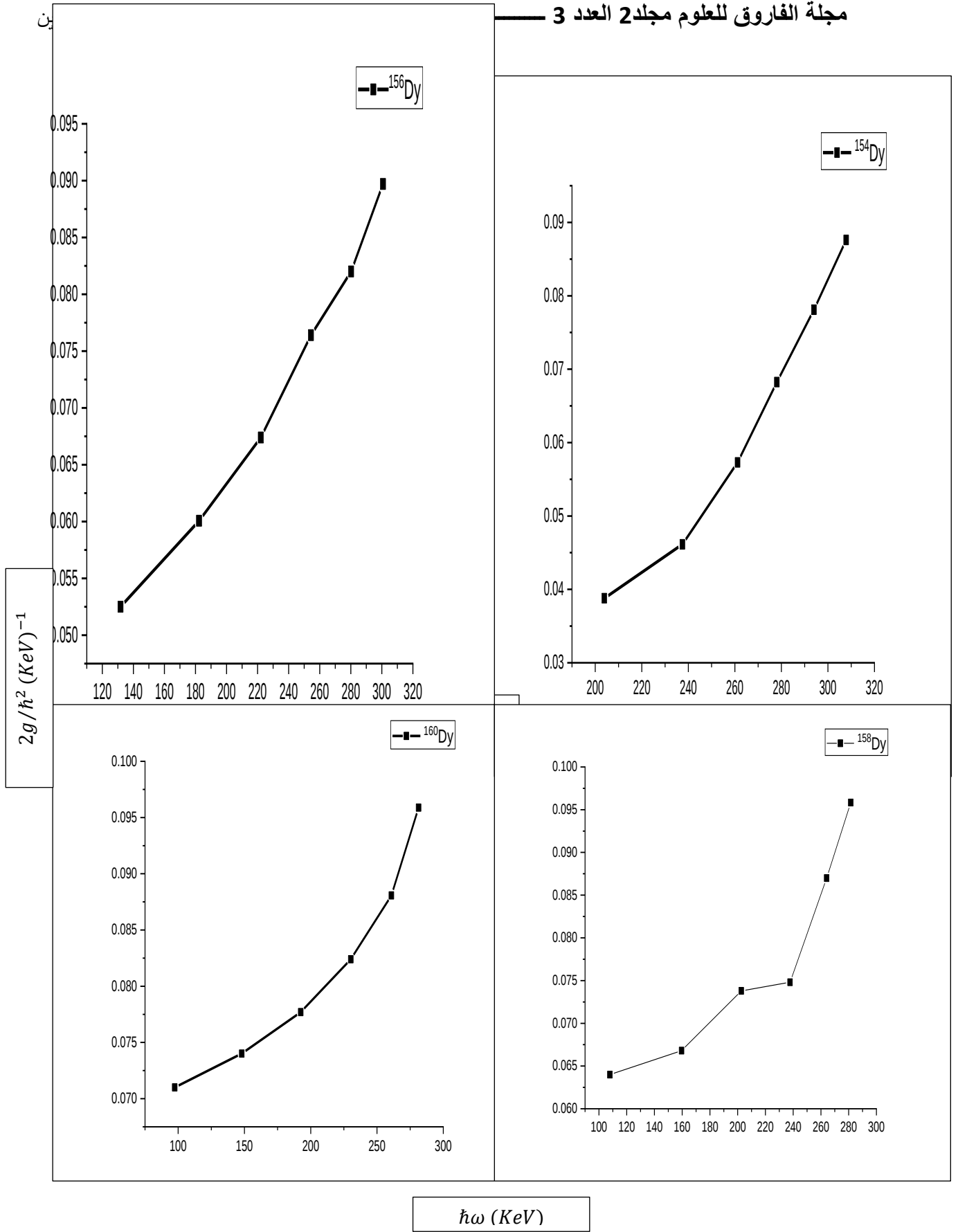
الخلفي لجميع نظائر الدراسة، والشكل (7) يبين ذلك. وقد تبين انه هناك انحناء خلفي طفيف جدا يظهر بالكاد للنظير Dy^{158} (6) منحنيات E-GOS للتحديدات العيارية الثلاثة الاهتزازي والدوراني وغاما غير مستقرة لنظائر الدراسة..

قمنا في هذا البحث بحساب قيم معامل التشوه النووي لنوى الدراسة الزوجية الاربعة $Dy^{154-160}$ الزوجية- زوجية ومن خلال النتائج المدرجة بالجدول (3) [19]. والذي يبين العدد الكتلي للنظائر قيد الدراسة والمبينة بالعمود الاول، عدد

النيوترونات مدرجة بالعمود الثاني بينما طاقة الإثارة الأولى $E(2_1^+)$ موضحة بالعمود الثالث. كما تم تدوين نتائج القيم العملية لاحتمال الانتقال الكهربائي بالجدول (4) العمود الثالث والعمود الرابع يضم قيم معامل التشوه المعملية، بينما مربع نصف قطر النواة المحسوب بالعمود الخامس، والعمودين السادس والسابع لقيم احتمال الكهربائي ومعامل التشوه المحسوبتين على التوالي. والرسم الموضح بالشكل (8) يبين أن قيم معامل التشوه العملية والمحسوبة لكل نظير متفقة تماماً حيث يبين أن التشوه يزداد بزيادة عدد النيوترونات كلما ابتعدنا عن العدد السحري 82 [20]. والملاحظ أن نسبة الخطأ بين النتائج العملية والمحسوبة تقل بزيادة عدد النيوترونات التي أدى لزيادة معامل التشوه، وبالأستعانة بنتائج قيم معامل التشوه والمدونة بالعمودين الرابع والسابع بالجدول 4 تبين أن نسبة الخطأ تكون 30% للنظير Dy^{154} ونسبة الخطأ 12.6% للنظير Dy^{156} بينما نسبة الخطأ 8.3% للنظير Dy^{158} وقلت نسبة الخطأ لتصبح 6.30% للنظير Dy^{160} . كما تم حساب احتمال الانتقال الكهربائي للنظائر قيد الدراسة ومن خلال الاستعانة بالمعلومات المحسوبة والمدونة بالعمود السادس بالجدول (4) نجد أن $B(E2)(0 \rightarrow 2) = (1.176e^2b^2)$ للنظير Dy^{154} وتزداد قيمة احتمال الانتقال الكهربائي حتى تصل إلى $B(E2)(0 \rightarrow 2) = (4.4278e^2b^2)$ للنظير Dy^{160} . ونسبة الخطأ المئوية لاحتمال الانتقال الكهربائي بين النتائج العملية والمحسوبة تساوي: (51.2, 23.7, 15.9, 12.3)% على التوالي وهذا يبين أيضاً أن نسبة الخطأ تقل بنسبة كبيرة كلما زادت عدد النيوترونات.

جدول (3): قيم طاقة الإثارة الأولى $E(2_1^+)$ لنظائر الدراسة.

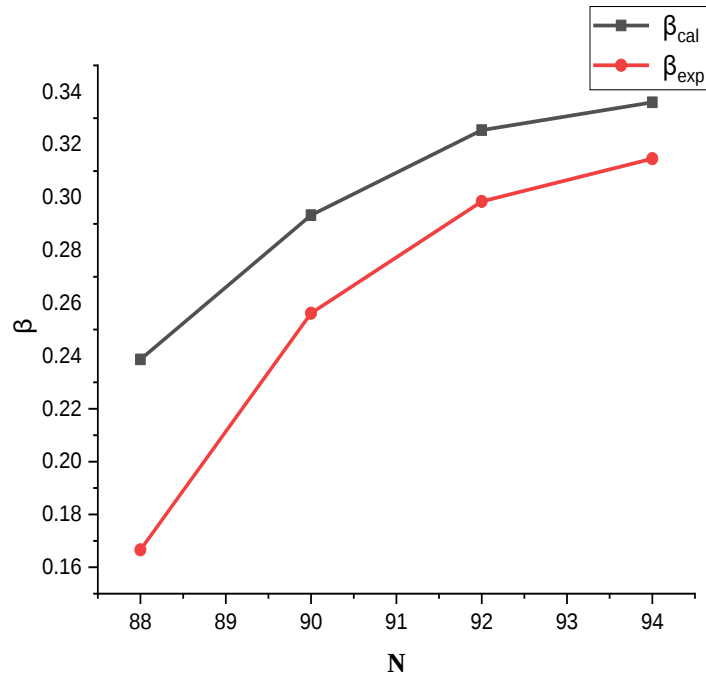
A	N	$E(2_1^+)$ [KeV]
541	88	.34334
561	90	137.77
581	92	98.92
601	100	86.78



شكل (7): العلاقة بين عزم القصور الذاتي $\frac{2J}{\hbar^2}$ والتردد الزاوي $\hbar\omega$ للنوى موضوع البحث.

جدول (3): قيم احتمال الانتقال الكهربائي ومعامل التشوه β العملية والمحسوبة لنظائر الدراسة.

A	N	القيم العملية		القيم الحسابية		
		$B(E2) \uparrow$ $e^2 b^2$	β	R_0^2 fm^2	$B(E2) \uparrow$ $e^2 b^2$	β
541	88	2.42	0.2387	0.41371	1.179	0.16657
561	90	3.72	0.2933	0.41729	2.8367	0.25616
581	92	4.66	0.3255	0.42085	3.91755	0.29848
601	100	5.05	0.336	0.42440	4.4278	0.31467



الشكل (8) معاملي التشوه العملي والمحسوب مقابل عدد النيوترونات لنظائر الدراسة.

فيما يتعلق بحديد سوب السحب Dy وبسخدم جميع السحب السحب. حسب قيم السحب بين السحب المثارة إلى طاقة مستوى الأثر الأول $\frac{E_{I1}}{E_{21}}$ وطريقة النسب بين قيم الطاقات لحالتين متتاليتين $r \frac{(I+2)}{I}$ ، منحنيات طاقة غاما مقسومة على البرم (I) $(E - GOS)$. فاتفقت جميع الطرق التي تم تطبيقها في هذا البحث على أن النظير Dy^{154} له خصائص التحديد الانتقالي $E(5)$. أي أنه ينتقل من التحديد الاهتزازي نحو تحديد غاما الناعمة أي $U(5)O(6) \leftarrow$ والنظير Dy^{156} له خصائص التحديد الانتقالي $X(5)$ أي $SU(3)O(6) \leftarrow$ بينما النظيرين $Dy^{158-160}$ ينتميا

لخصائص التحديد $SU(3)$ وينتقل Dy^{158} الى تحديد النقطة الحرجة $X(5)$ عندما يكون البرم $(I \geq 10)$, بينما ينتقل النظير Dy^{160} للتحديد $X(5)$ نحو التحديد غاما الناعمة $O(6)$ عندما يصل البرم $(I \geq 14)$ وهذا ما لم تبينه الدراسات السابقة والتي اكتفت بالبرم لغاية $(I = 8)$. ومن خلال رسومات الأنحاء الخلفي للنظائر قيد الدراسة الموضحة بالاشكال, يتضح أن هذه نظائر الدراسة لا يحدث فيها أنحاء خلفي ما عدا انحنى طفيف للنظير Dy^{158} . ومن خلال حساب كل من احتمال الانتقال الكهربائي $B(E2) \uparrow$ ومعامل التشوه (β) تبين ان القيم تزداد بزيادة عدد النيوترونات و كلما ابتعدنا عن العدد السحري وهذا يتفق تماما مع النتائج العملية المتوفرة. و يبلغ تشوه النوى اقصاه للنوى التي تمتلك عدد من النيوكليونات في غلافها الخارجي يقع في المنتصف بين أي عديدين سحريين وتكون مشوهة في مستوياتها الأرضية.

المراجع

- [1]. Weizsacker, C.F. (1935). Zur Theorie der Kernmassen. Zeitschrift fur Physik, 96 (7-8) 431-458.
- [2]. Mayer, M.G. (1949). On closed shells in nuclei. 2. Physical Review, 75(12).
- [3]. Haxel, O. Jensen, J.H.D. & Suess, H.E. (1949) On the magic number in nuclear structure. Physical Review, 75 (11),.
- [4]. Bohr, A and Mottelson, B. (1969). Single-particle motion. Benjamin, New York. Nuclear structure, vol I.
- [5]. Bohr, A and Mottelson, B. (1975). Nuclear Deformations. Benjamin, New York. Nuclear Structure, vol 2.
- [6]. Iachello, F and Arima, A. Phys. Rev. Lett. 35 (1975), p169
- [7]. Nomura, K. Interacting boson model with energy density functionals. In Journal of Physics: Conference Series (2013), (Vol. 445, No.1, p.012015). IOP publishing.
- [8]. Bonatsos, D. Skouras, L.D. (1991). Successive energy ratio in medium and heavy mass nuclei as indicators of different kinds of collectivity. Phys. Rev., C vol 43, no, 3 pp 952-956.
- [9]. S. Raman, C. W. Nestor, and P. Tikkanen, At. Data Nucl. Data Tables 78, 1 (2001). database, (<http://www.nndc.bnl.gov/ensdf>)] NNDC S.
- [10]. Regan, P.H. Beausang, C.W. Zamfir, N.V. Casten, R.F. Zhang, J. Hutter, C. Yamamoto, A.d. Caprio, M.A. Gurdal, G. Hecht, A.A. Kruckn, R. Langdown, S.D. Meyer, D.A. and Ressler, J.J. (2003).
- [11]. Scharff-Goldhaber and J. Gertrude and Weneser, (System of Even-Even Nuclei) Phys. Rev. vol 98, no 1. Pp 212-214. (1955).
- [12]. A. Georgieva, P. Raychev, J. Phys. G: Nucl. Phys. 8 (1982) 1377.
- [13]. Nyako B.M., Cresswell J.R., Forsyth P.D., Howe D., Nolan P.N., Riley M.A. And Twin P.J., (observation of super Deformation Dy^{152}) Phys. Rev. Lett., Vol. 52, P. 507 (1984).
- [14]. Burcham, W.E. (1989), (Elements of Nuclear Physics) Longman inc., New York.
- [15]. Wong, S.M (1990) Introductory Nuclear Physics. (Prentice Hall International) United States. pp. 453-356.
- [16]. Raymond A. Sorensen, Nuclear Moment of Inertia at High Spin Review of Modern Physics 45(3), 353 (1973).
- [17]. Raman S. Nestor C. W, and Tikkanen J.R. (2001). Transition Probability from the Ground to the First-Excited 2^+ State of Even-Even Nuclides. Atomic Data and Nuclear Data Tables. Vol. 78, No.1.
- [18]. Shaltami, O. R., Hkoma, M. A. B., & Alnnaile, T. (2026). Green Geochemical Education in Libya: Current Status, Applications, Challenges, and Future Perspectives. *Al-Farooq Journal of Sciences*, 2(4), 347-356.
- [19]. Journal of Education and Science (ISSN 1812-125), vol:30, No 4, (2021) (94-105).
- [20]. NNDC database, (<http://www.nndc.bnl.gov/ensdf>) . (2018).
- [21]. Garcia-Ramos, J.E. and Heyde, K. (2014). Nuclear shape coexistence: A study of the even-even Hg isotopes using the interacting boson model with configuration mixing. Physical Review C 89, 014306.